

Positional notation

A [positional system](#) is a [numeral system](#) in which a number is represented by a range of symbols — usually, Arabic numbers and lowercase letters are used — of which the position based on the radix determines the contribution of the number. The usual radix is ten. It is doubtful that this radix stems from the fact that people counted on their fingers. A number like 1234 then means: $1 \times 1000 + 2 \times 100 + 3 \times 10 + 4 \times 1$. The position of the digit determines the contribution in squares of the radix 10 to the number.

An integer x is expressed in the decimal positional system as a sequence of terms of powers of another integer: the radix a :
$$x = \sum_{i=0}^k x_i a^i$$
 of $x = x_k a^k + \dots + x_2 a^2 + x_1 a^1 + x_0 a^0$ to the co-ordinates $x_i \in \mathbb{N}$ of which applies that $0 \leq x_i < a$. In the a -numbered system, x is then represented as a sequence of symbols: $x_k \dots x_2 x_1 x_0$. The coefficients x_i form the symbols of that number. The leftmost symbol x_k is the coefficient of the highest power of the radix, the rightmost x_0 is the coefficient of the unities (the 0th power of the radix).

As such, the number 1234_{10} is written as 3412_7 in the 7-numbered system, because: $1234_{10} = 3 \times 7^3 + 4 \times 7^2 + 1 \times 7^1 + 2 \times 7^0$

Assignment

Write a function `positionalsystem` that converts the representation of a number in the positional system to a given radix a_1 to the representation of that same number in the positional system of an other radix a_2 . Give this function the three parameters below:

- a string with the representation of a number in a positional system with given radix a_1
- the radix a_1
- the radix a_2

```
def positionalsystem(number, radix1, radix2)
```

The function must print a string that represents the number in the positional system with radix a_2 . You may assume that $0 < a_1, a_2 \leq 36$. For the string representation of numbers in a positional system, three accepted symbols are used:

- the values 0, 1, ..., 9 are represented by the Arabic digits '0', '1', ..., '9'
- the values 10, 11, ..., 35 are represented by the letters 'a', 'b', ..., 'z'

Example

```
>>> positionalsystem('1234', 10, 7)
'3412'
>>> positionalsystem('1234', 10, 16)
'4d2'
>>> positionalsystem('4d2', 16, 10)
'1234'
>>> bin(1234)[2:] == positionalsystem('1234', 10, 2)
True
>>> oct(1234)[2:] == positionalsystem('1234', 10, 8)
True
```

```
>>> hex(1234)[2:] == positionalsystem('1234', 10, 16)
True
```

Een [positiestelsel](#) is een [talstelsel](#) waarin een getal wordt voorgesteld door een reeks symbolen — doorgaans worden hiervoor Arabische cijfers en kleine letters gebruikt — waarvan de positie op basis van een gekozen grondtal de bijdrage aan het getal bepaalt. Het gebruikelijke grondtal is tien. Men twijfelt er niet aan dat dit grondtal is ontstaan doordat de mensen op hun vingers telden. Een getal als 1234 heeft dan de betekenis: $1 \times 1000 + 2 \times 100 + 3 \times 10 + 4 \times 1$. De positie van een cijfer bepaalt de bijdrage in machten van het grondtal 10 aan het getal.

Een natuurlijk getal x laat zich in het decimale positiestelsel uitdrukken als een reeks termen van machten van een ander natuurlijk getal: het grondtal a : $x = \sum_{i=0}^k x_i a^i$ of $x = x_k a^k + \dots + x_2 a^2 + x_1 a^1 + x_0 a^0$ waarbij voor de coëfficiënten $x_i \in \mathbb{N}$ geldt dat $0 \leq x_i < a$. In het a -tallige stelsel wordt x dan voorgesteld als de reeks symbolen: $x_k \dots x_2 x_1 x_0$. De coëfficiënten x_i vormen in volgorde de symbolen van het getal. Het meest linkse symbool x_k is de coëfficiënt van de hoogste macht van het grondtal, het meest rechtse x_0 de coëfficiënt van de eenheden (de 0-de macht van het grondtal).

Zo wordt in het 7-tallig stelsel het getal 1234_{10} geschreven als 3412_7 , want: $1234_{10} = 3 \times 7^3 + 4 \times 7^2 + 1 \times 7^1 + 2 \times 7^0$

Opgave

Schrijf een functie `positiestelsel` die de voorstelling van een getal in een positiestelsel met een gegeven grondtal a_1 omzet in de voorstelling van datzelfde getal, maar dan in een positiestelsel met een ander grondtal a_2 . Aan deze functie moeten de volgende drie parameters doorgegeven worden:

- een string met de voorstelling van een getal in een positiestelsel met gegeven grondtal a_1
- het grondtal a_1
- het grondtal a_2

```
def positiestelsel(getal, grondtal1, grondtal2)
```

De functie moet een string teruggeven die het getal in het positiestelsel met grondtal a_2 voorstelt. Je mag ervan uitgaan dat $0 < a_1, a_2 \leq 36$. Bij de stringvoorstelling van getallen in een positiestelsel worden de gangbare symbolen gebruikt:

- de waarden 0, 1, ..., 9 worden voorgesteld door de Arabische cijfers '0', '1', ..., '9'
- de waarden 10, 11, ..., 35 worden voorgesteld door de letters 'a', 'b', ..., 'z'

Voorbeeld

```
>>> positiestelsel('1234', 10, 7)
'3412'
>>> positiestelsel('1234', 10, 16)
'4d2'
>>> positiestelsel('4d2', 16, 10)
'1234'
```

```
>>> bin(1234)[2:] == positiestelsel('1234', 10, 2)
True
>>> oct(1234)[2:] == positiestelsel('1234', 10, 8)
True
>>> hex(1234)[2:] == positiestelsel('1234', 10, 16)
True
```